

# Il Moto

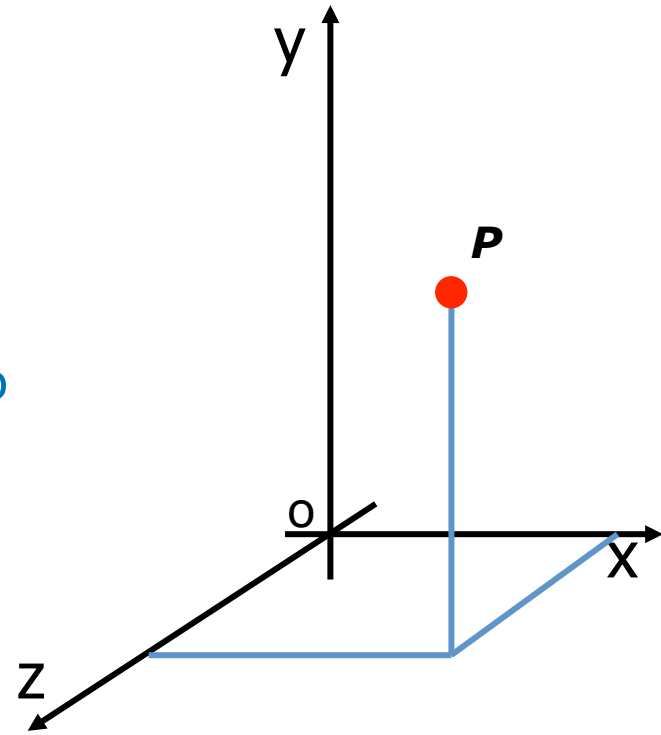
- ◆ Descrivere il moto di un oggetto significa conoscere la sua posizione iniziale e prevedere quella finale.
- ◆ Il moto di un corpo è dato dalla variazione della sua posizione nel tempo.



- ◆ Un oggetto che a noi appare fermo potrebbe essere in movimento rispetto ad un altro riferimento, cioè è fermo solo rispetto al nostro sistema di riferimento.
- ◆ Se non esiste un sistema di **riferimento assoluto**, nessun oggetto si può dire fermo.

# Sistema di riferimento

- Tre vettori perpendicolari tra loro formano un sistema di riferimento cartesiano.
- Il loro punto di incontro è l'origine del sistema di riferimento.
- L'ordine dei tre assi  $x, y$  e  $z$  è univoca e costituisce una terna destrorsa.
- Nello spazio reale le unità di misura sono uguali per tutti e tre gli assi.
- La posizione di un oggetto è individuata conoscendo le tre coordinate  $P = (x, y, z)$  che sono le distanze dall'origine lungo ciascun asse.



# Vettori

- La definizione degli assi cartesiani:

- i. perpendicolarità fra gli assi;

- ii. linearità spaziale,

permette di sfruttare le proprietà dei vettori.

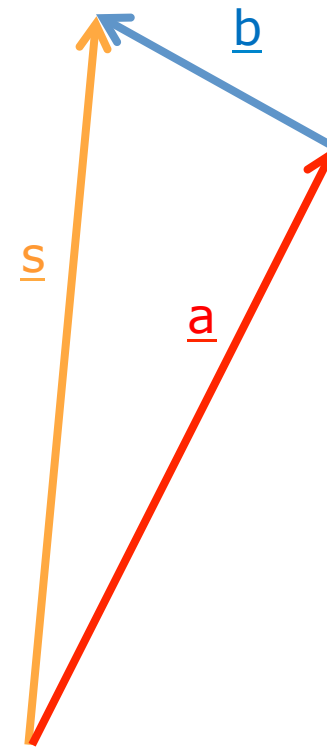
- L' algoritmo vettore si rappresenta con una freccia la cui lunghezza è proporzionale all' **intensità**, l' orientazione è la **direzione** e la punta indica **il verso** positivo.

- Un vettore è identico a tutti i vettori ad esso paralleli e della stessa intensità.

- per sommare due vettori **a** e **b** :

1. si giustappone l' origine del secondo vettore con la punta del primo vettore, e quindi

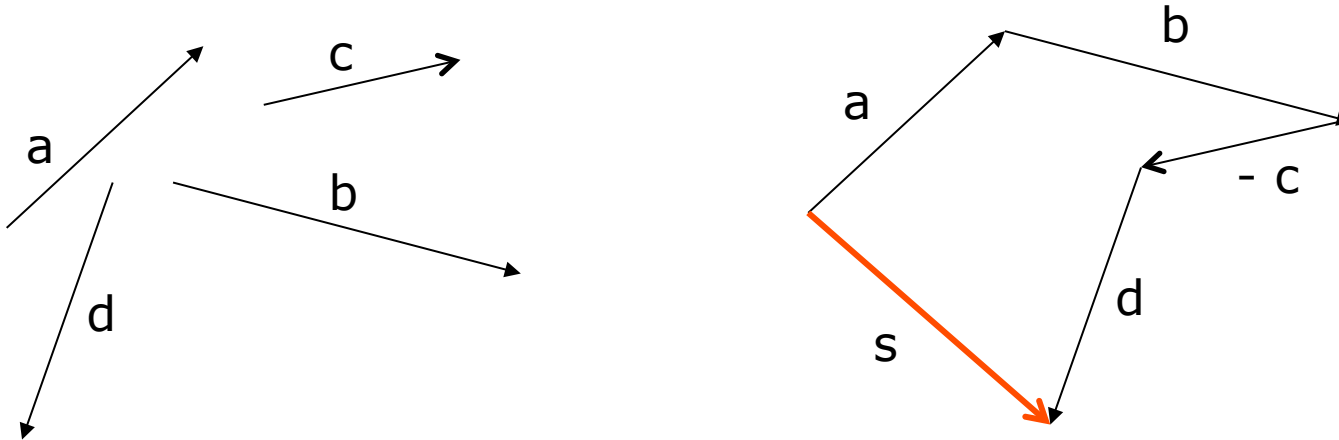
2. si traccia un vettore che va dall'origine del primo vettore fino alla punta del secondo vettore.



$$\underline{s} = \underline{a} + \underline{b}$$

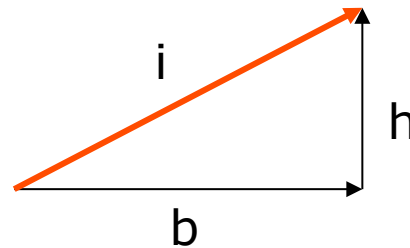
# Vettori

- Naturalmente  $\underline{s} = \underline{a} + \underline{b}$  può assumere anche valori negativi o nulli a seconda del valore dei moduli, delle direzioni e dei versi di a e b.
- Il vettore  $\underline{f} = \underline{m} - \underline{n}$  è equivalente a  $\underline{f} = \underline{m} + (-\underline{n})$
- La somma algebrica di più vettori:  $\underline{s} = \underline{a} + \underline{b} - \underline{c} + \underline{d}$



# Vettori

Nel caso particolare della somma di due vettori perpendicolari possiamo dire che il vettore risultante non è altro che l'ipotenusa di un triangolo rettangolo i cui cateti sono i vettori da sommare.



Ovviamente il modulo della risultante è dato dal teorema di Pitagora

$$i^2 = b^2 + h^2$$

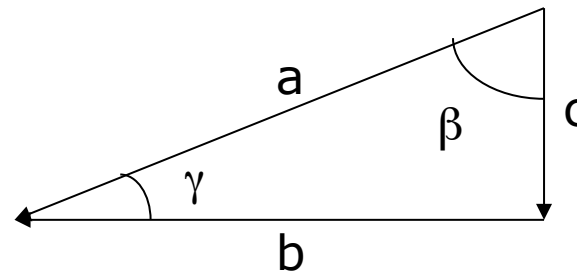
# Vettori

- Il concetto di vettore, è molto utile nel uso delle grandezze fisiche e anche molto utile nella descrizione della geometria Euclidea.
- In un triangolo rettangolo, se sono note le **lunghezze dei due cateti**, saranno noti la **lunghezza** dell'ipotenusa e l'**angolo** che l'ipotenusa forma con i cateti

$$a^2 = b^2 + c^2$$

$$\gamma = \arcsin c/a = \tan^{-1} c/b$$

$$\beta = 90^\circ - \gamma$$



- Quindi conoscendo la lunghezza di due segmenti perpendicolari fra loro è possibile trovare la lunghezza e la direzione di qualsiasi altro segmento.

**Stessa cosa si può fare in un sistema tridimensionale**

# Coordinate Polari

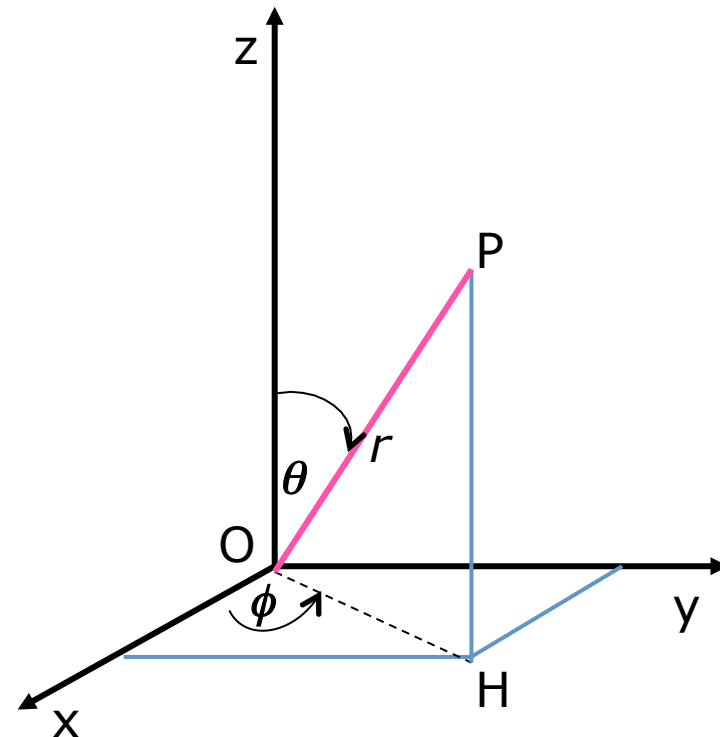
Nell'individuare la posizione di un punto può essere conveniente usare le coordinate polari.

Un punto sarà individuato conoscendo la lunghezza del segmento  $r$  che va dall'origine  $O$  al punto  $P$ , e da gli angoli  $\theta$  e  $\phi$  definiti come in figura

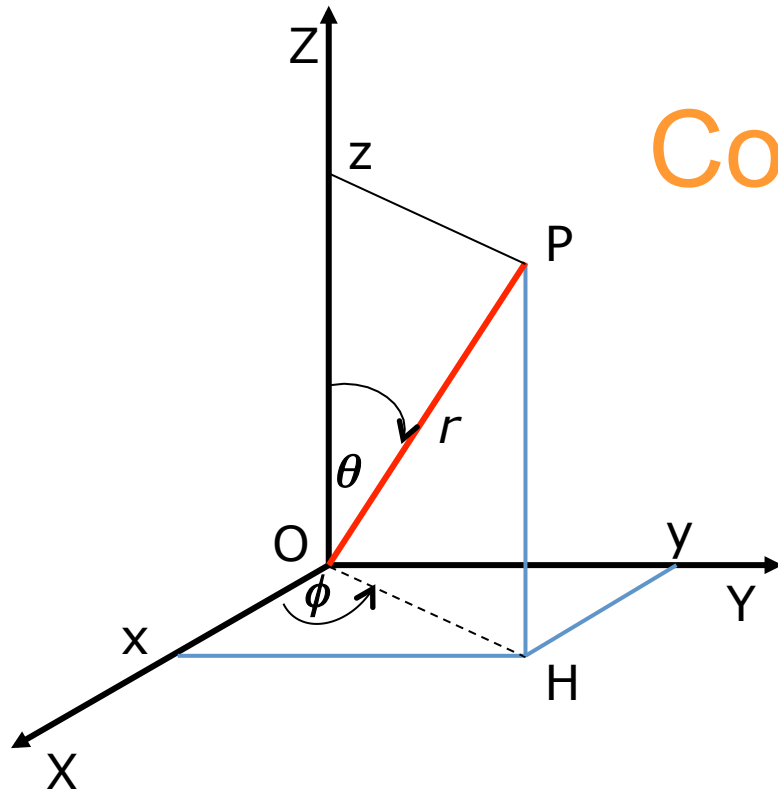
$$r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

$$\phi(\text{long}) = \tan^{-1} \frac{y}{x} = \cos^{-1} \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}}$$

$$\theta(\text{lat}) = \tan^{-1} \frac{\sqrt{x^2 + y^2}}{z} = \cos^{-1} \left( \frac{z}{r} \right)$$



# Coordinate cartesiane vs. coordinate sferiche



La coordinata  $x$  non è altro che la proiezione del segmento  $OH$  sull'asse  $X$  ovvero  $OH \cos\phi$ .

Ma  $OH$  è a sua volta  $r \sin\theta$  quindi

$$x = r \sin\theta \cos\phi$$

Analogamente la coordinata  $y$  sarà la proiezione di  $OH$  sull'asse  $Y$  ovvero  $OH \sin\phi$ , ma  $OH$  vale  $r \sin\theta$  quindi

$$y = r \sin\theta \sin\phi$$

Infine la coordinata  $z$  è la proiezione di  $OP$  sull'asse  $Z$  ovvero  $OP \cos\theta$  quindi possiamo scrivere

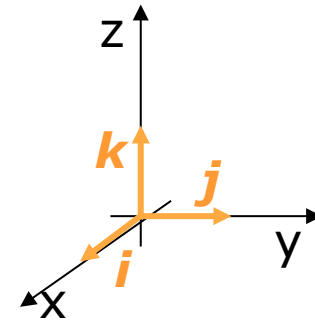
$$z = r \cos\theta$$



# Posizione di un punto

- Abbiamo visto che, nello spazio, ogni vettore può ottenersi dalla somma di tre vettori perpendicolari tra loro.
- In un sistema di riferimento cartesiano supponiamo che  $\underline{i}$ ,  $\underline{j}$ ,  $\underline{k}$  (vettori di lunghezza unitaria) siano i **versori** degli assi  $x$ ,  $y$ ,  $z$ .
- Allora il vettore  $\underline{r}$  che unisce l'origine del nostro sistema di riferimento  $O$  ad un punto generico dello spazio  $P$  potrà essere scritto:

$$\underline{r} = x_p \underline{i} + y_p \underline{j} + z_p \underline{k}$$



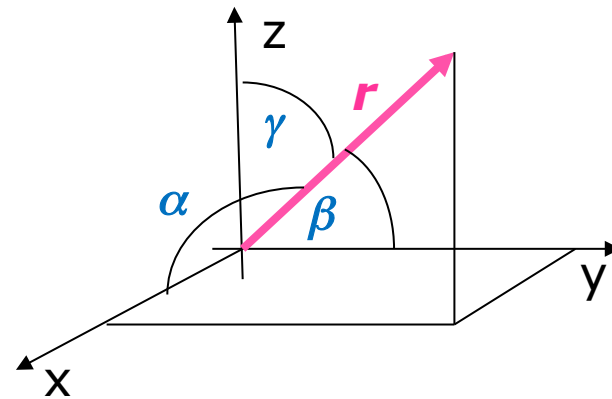
# Coseni direttori

- Inoltre è facile verificare che le componenti scalari di  $\underline{r}$  sono i coseni direttori

$$x = r \cos\alpha$$

$$y = r \cos\beta$$

$$z = r \cos\gamma$$



dove il coefficiente dei coseni direttori è il modulo del vettore  $\underline{r}$

# Posizione e spostamento unidimensionale

- Lungo una retta, la posizione di A è espressa dal numero  $n$  di unità di misura  $u$  necessarie per andare dall'origine O al punto A, e può essere positiva, negativa o nulla.

$$\Delta x = x_1(A) - x_0(O)$$

- La variazione della posizione  $\Delta x$  è detta spostamento.
- Per trovare lo spostamento in un sistema di riferimento con più dimensioni bisogna usare lo stesso algoritmo lungo ogni asse